(整数計画)

ある企業では製品 A,B,C を原料 I,II,III,IV用いて生産している. 製品 A,B,C の1単位当たり利益をそれぞれ 80,110,95 とする.

また, 製品 A,B,C を 1 単位生産するのに必要な原料 I,Ⅱ,Ⅲ,Ⅳの それぞれ量と使用可能な上限が次の表で与えられる.

	- 1
-	<b>/</b>
	4
-1 X	<b>-</b>
~~~	_

製品名	А	В	С	使用できる
原料				上限
Ι	4	0	7	90
II	1	3	9	60
III	6	0	14	110
IV	4	1 0	1	75

これらの条件のもとに,利益を最大にするには製品 A,B,C をそれぞ れ,どれだけ生産すれば良いか.ただし,生産個数は整数値でなければ ならない. 解 法

製品 A,B,C をそれぞれx<sub>1</sub>,x<sub>2</sub>,x<sub>3</sub>単位生産するとき,x<sub>1</sub>,x<sub>2</sub>,x<sub>3</sub>は何れも 整数であり,かつ以下の不等式を満たす.

さらに各製品生産量は負ではないから

 $0 \le x_1, 0 \le x_2, 0 \le x_3$ 

この制約条件のもとに

 $L(x_1, x_2, x_3) = 80 \cdot x_1 + 110 \cdot x_2 + 95 \cdot x_3$ 

を最大化する.

Microsoft Excel のソルバー を用いる.

ソルバーによる解法の例

● Excel に下記の作成例のように表4のデータを作成する.

作成例

ファイル	ホーム	挿入	ページ レイアウト 数	式 デ・	-9 校閲	表	示 ヘルプ	Analy	tic Solver	
E7	E7 • : × ✓ fx =SUMPRODUCT(B7:D7,B\$2:D\$2)									
	F	4	В		С		D		Е	F
1			x1	x2			x3			MAX
2				0		0		0		
3	Ι			4		0		7	0	90
4	Π			1		3		9	0	60
5	Ш			6		0		14	0	110
6	IV			4	1	0		1	0	75
7	L		8	0	11	0		95	0	
8										



この作成例では

(1) セル B2,C2,D2 が 製品 A,B,C のそれぞれの生産量
 x1,x2,x3 を表す.

(2) 線形の一次式

を E3, E4, E5, E6 に入力している.

ここで,sumproduct(B4:D4,B\$2:D\$2)はベクトル(B4,C4,D4) と(B2,C2,D2)の

内積 B4\*B2+C4\*C2+D4\*D2 であり4·x<sub>1</sub> + 0·x<sub>2</sub> + 7·x<sub>3</sub> を表す.

- (3) F3,F4, F5, F6 には,原材料 I,II,III,IVの使用できる量の上限を入力している.
- (4) E7 には

 $L(x_1, x_2, x_3) = 80 \cdot x_1 + 110 \cdot x_2 + 95 \cdot x_3$ を表す式を入力している.

- 表のデータを入力後,
- (5) メニュー 「データ」,「分析」,「ソルバー」の順にクリックし てソルバーのパラメータ入力用の窓を開く.
- (6) 目的の設定という欄にセル E7 を指定する
- (7) 目標値には「最大値」を選択し、チェックを入れる.
- (8) 変数セルの変更欄にはx<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>, x<sub>3</sub>を表すセル B2 から D2 をドラ
  ックして指定する.

(9) 制約条件の対象の欄には

この例題の制約

x1, x2, x3が何れも整数という条件と

条件式

を表す式を入力する.

このためには,入力窓の「追加」をクリックし制約条件の追加入力 用の窓を表示させ,

セル B2 から D2 をドラックして指定する。ドロップダウンリストで int を指定する

次に4·x<sub>1</sub> + 0·x<sub>2</sub> + 7·x<sub>3</sub>  $\leq$  90

を表す式を入力する.

セルの参照欄に $4 \cdot x_1 + 0 \cdot x_2 + 7 \cdot x_3$ を表すセル E3 を指定

≤,=,≧などのドロップダウンリストで≦を選択し,制約条件の欄に
 は上限値の 90 を入力する.入力後さらに「追加」をクリックし他の
 3つの制約条件式も同様に入力する.

(10) さらに、制約条件式 0 ≤ x<sub>1</sub>,0 ≤ x<sub>2</sub>,0 ≤ x<sub>3</sub>を指定するため
 「制約のない変数を非負数にする」 にチェックを入れる.

>

ソルバーのパラメーター



(11) 最後に「解決」をクリックすると以下の結果が出力される.

目動	麻 (● ゎ) 出 り、	~ (2 ~ <del>~</del>	ex4.xlsx +	♀ 検索				
ファイル	ホーム 挿入	ページ レイアウト 数式	データ 校閲 表	示 ヘルプ Acroba	at Analytic Solver			
B6	$B6 \rightarrow f_{x} \neq f_{x}$ 4							
	А	В	С	D	Е	F		
1		x1	x2	x3		MAX		
2		16	1	1				
3	Ι	4	0	7	71	90		
4	Π	1	3	9	28	60		
5	Ш	6	0	14	110	110		
6	IV	4	10	1	75	75		
7	L	80	110	95	1485			
8	8 VII.if-mate							
9								
10 がいてによって、時かったしかいなした。9へての一部が引発行と取 通化条件を満たしています。 レポート								
11 ◎ ソルバーの解の保持								
$x_1 = 16, x_2 = 1, x_3 = 1$								

のときに

 $L(\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, \mathbf{x}_3) = 80 \cdot \mathbf{x}_1 + 110 \cdot \mathbf{x}_2 + 95 \cdot \mathbf{x}_3$ 

が最大値1485をもつことを表す.制約条件は満たされている.